2. प्रतिलोम त्रिकोणिमतीय फलन (Inverse Trigonometric Function)

1.
$$3\sec^{-1}\frac{1}{x} - \sin^{-1}(4x^3 - 3x) =$$

[BSEB, 2018 (C)]

- (A) π
- (β) $\frac{\pi}{2}$
- $(C) \frac{3\pi}{2}$
- (D) इनमें से कोई नहीं Ans. (C)
- 2. $\cot^{-1}(-x) =$
 - $(A) \cot^{-1}x$
- [BSEB, 2018 (C)]
- (C) $\pi + \cot^{-1}x$
- (B) $\cot^{-1}x$ (D) $\pi - \cot^{-1}x$

3. $\cos^{-1}\left(\frac{-1}{2}\right) =$

[BSEB, 2018 (C)]

Ans. (A)

- (A) $\frac{2\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{-\pi}{3}$ (D) $\frac{-2\pi}{3}$
- 4. $\tan^{-1} \frac{4\sqrt{x}}{2-2x}$

[BSEB, 2018 (C)]

Ans. (A)

- (A) $2 \tan^{-1} \sqrt{x}$
- (B) $\cos^{-1}\frac{1-x}{1+x}$
- (C) $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$
- (D) $\sqrt{2} \tan^{-1} x$ Ans. (A)
- 5. $tan^{-1}(1) =$?

[BSEB, 2017 (A)]

- (A) $\frac{\pi}{4}$ (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{8}$ Ans. (A)
- 6. $\tan^{-1}\frac{1}{2} + \tan^{-1}\frac{1}{4} = \dots$

[BSEB, 2017 (A)]

- (A) $\tan^{-1}\frac{3}{2}$ (B) $\tan^{-1}\frac{6}{7}$ (C) $\tan^{-1}\frac{5}{6}$ (D) $\tan^{-1}\frac{1}{2}$
 - Ans. (B)

7. $\sin^{-1}\left(\sin\frac{7\pi}{6}\right) =$

[BSEB, 2016 (C)]

- (A) $\frac{7\pi}{6}$ (B) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{-\pi}{6}$ (D) $\frac{5\pi}{6}$ Ans. (C)

8. $2\tan^{-1}x =$

- (A) $\sin^{-1} \frac{2x}{1+x^2}$
- (B) $\sin^{-1} \frac{2x}{1-x^2}$
- (C) $\sin^{-1}\frac{1-x^2}{1+x^2}$
- (D) $\sin^{-1} \frac{1+x^2}{1-x^2}$ Ans. (A)
- 9. $\sin^{-1}x + \cos^{-1}x =$

[BSEB, 2016 (C)]

- (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) π (C) $\frac{\pi}{4}$ (D) 2π Ans. (A)
- 10. $\cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right)$ का मुख्य मान है :

[BSEB, 2016 (A)]

- $(A) \frac{\pi}{3} \qquad (B) \frac{\pi}{6}$
- (C) $\frac{2\pi}{3}$ (D) $\frac{3\pi}{4}$ Ans. (C)

- 11. $\tan^{-1} \frac{2x}{1-x^2} =$ प्रतिलोम त्रिकोणमितीय फलन : [BSEB, 2016 (A)]
 - (A) $2 \sin^{-1} x$ (B) $\sin^{-1} 2x$ (C) $\tan^{-1} 2x$ (D) $2 \tan^{-1} x$
- 12. $2 \tan^{-1} \frac{1}{3} + \tan^{-1} \frac{1}{7} =$

- (A) $\tan^{-1} \frac{44}{29}$ (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) 0 (D) $\frac{\pi}{4}$ Ans. (D)

13. $\cos^{-1}\left(\cos\frac{7\pi}{6}\right) =$

- (A) $\frac{7\pi}{6}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{\pi}{6}$ (D) $\frac{5\pi}{6}$ Ans. (D)
- 14. $\sin^{-1}(1-x) 2\sin^{-1}x = \frac{\pi}{2}$ di x = ? [BSEB, 2012]
- (A) $0, \frac{1}{2}$ (B) $1, \frac{1}{2}$ (C) $\frac{1}{2}$ (D) 0 Ans. (A)
- 15. $\sin^{-1} \left(\sin \frac{2\pi}{3} \right) =$

- (A) $\frac{2\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{4\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{3}$ Ans. (D)
- 16. $\tan^{-1} \sqrt{3} \cot^{-1} (-\sqrt{3}) =$
- [BSEB, 2013]

- (A) π (B) 0 (C) $2\sqrt{3}$ (D) $-\frac{\pi}{2}$ Ans. (D)
- 17. $\sin^{-1}\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ का मुख्य मान है :
 - [BSEB, 2015]

- 18. $\sin^{-1} x =$

- (A) $\frac{2\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{\pi}{4}$ (D) $\frac{\pi}{3}$ Ans. (D)
- - (A) $\cot^{-1}x$ (B) $\frac{1}{\cot^{-1}x}$ (C) $\csc^{-1}\frac{1}{x}$ (D) $-\cot^{-1}x$
- 19. $\sin(\sec^{-1}x + \csc^{-1}x) =$

- (A) 1 (B) -1 (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) $\frac{\pi}{3}$ Ans. (A)
- 20. $\cos^{-1} \frac{1-x^2}{1+x^2} =$ [BSEB, 2] (A) $2 \cos^{-1} x$ (B) $2 \sin^{-1} x$ (C) $2 \tan^{-1} x$ (D) $\cos^{-1} 2x$
- 21. $\sin^{-1}\left(\sin\frac{2\pi}{3}\right)$ का मुख्य मान है : [BSEB, 2013]
 - (A) $\frac{2\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{-\pi}{6}$ (D) $\frac{\pi}{6}$ Ans. (B)
- 22. $\cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + 2\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ का मान है :
 - (A) $\frac{\pi}{4}$ (B) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{2\pi}{3}$ (D) $\frac{5\pi}{6}$ Ans. (C)
- 23. $\tan^{-1}(1) + \cot^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + \cot^{-1}\left(\frac{1}{3}\right)$ on $\tan \frac{\pi}{6}$:
- (A) 0 (B) 1 (C) π (D) $-\pi$ Ans, (A)

```
24. sin (cot<sup>-1</sup> x) के लिए बीजीय व्यंजक है :
    (A) \frac{1}{1+x^2} (B) \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}
        (C) \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}
                                         (D) कोई नहीं (None) Ans. (B)
   25. \cos^{-1}(4x^3 - 3x) का सरल रूप है :
        (A) 3 \sin^{-1} x
                                         (B) 3 \cos^{-1} x
        (C) \pi - 3 \sin^{-1} x (D) कोई नहीं (None) Ans. (B)
   26. tan-1 (-1) का मान है :
        (A) \frac{\pi}{4} (B) \frac{-\pi}{2} (C) \frac{5\pi}{4} (D) \frac{-\pi}{4} Ans. (D)
  27. \tan^{-1}\left(\cos^{-1}\frac{4}{5} + \tan^{-1}\frac{2}{3}\right) का मान है:
       (A) \frac{6}{17}
                         (B) \frac{7}{16}
        (C) \frac{17}{6}
                   (D) कोई नहीं (None) Ans. (C)
  28. \tan^{-1}\left(\frac{x}{y}\right) - \tan^{-1}\left(\frac{x-y}{x+y}\right) बराबर है:
       (A) \frac{\pi}{3} (B) \frac{\pi}{4} (C) \frac{\pi}{2} (D) \frac{-3\pi}{4}
  29. यदि \sin^{-1}(1-x) - 2\sin^{-1}x = \frac{\pi}{2} तब x का मान है :
       (A) 0 (B) 0, -\frac{1}{2} (C) 0, \frac{1}{2} (D) कोई नहीं
                                                                         Ans. (A)
 30. x का मान जिसके लिए \sin(\cot^{-1}(1-x)) = \cos(\tan^{-1}x):
      (A) \frac{2}{1} (B) 1 (C) 0 (D) \frac{1}{2} Ans. (D)
 31. यदि \cos^{-1} x - \cos^{-1} \left( \frac{y}{2} \right) = a तब 4x^2 - 4xy \cos \alpha + y^2 समान है :
                         (B) - 4 \sin^2 \alpha
      (A) 4 \sin^2 \alpha
      (C) 2 \sin^2 \alpha
                                                                        Ans. (A)
32. यदि \cot^{-1} \sqrt{\cos \theta} - \tan^{-1} \sqrt{\cos \theta} = x तब \sin x = :
     (A) \frac{1-\cos\theta}{1+\cos\theta}
                         (B) \frac{1+\cos\theta}{1-\cos\theta}
                         (D) \frac{2\sqrt{\cos\theta}}{1-\cos\theta}
     (C) \frac{2\sqrt{\cos\theta}}{1+\cos\theta}
                                                                  Ans. (A)
33. \cos^{-1}\left(\cos\frac{5\pi}{3}\right) + \sin^{-1}\left(\sin\frac{5\pi}{3}\right) का मान है :
     (A) \frac{\pi}{2} (B) \frac{5\pi}{2} (C) \frac{10\pi}{3} (D) 0 Ans. (D)
34. यदि \cot^{-1}[(\cos \alpha)^{1/2}] - \tan^{-1}[(\cot \alpha)^{1/2}] = x तब \sin x =
     (A) \tan^2 \frac{\alpha}{2} (B) \cot^2 \frac{\alpha}{2} (C) \tan \alpha (D) \cot \frac{\alpha}{2}
                                                                                              (A) \frac{17}{6} (B) 34 (C) 18
```

```
35. \tan^{-1}\left(\frac{1}{4}\right) + \tan^{-1}\left(\frac{2}{9}\right) समान है :
       (A) \frac{1}{2}\cos^{-1}\left(\frac{3}{5}\right) (B) \frac{1}{2}\sin^{-1}\left(\frac{3}{2}\right)
        (C) \frac{1}{2} \tan^{-1} \left(\frac{3}{5}\right) (D) \tan^{-1} \left(\frac{1}{2}\right)
 36. \sin^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) का मुख्य मान है :
       (A) \frac{\pi}{4} (B) \frac{3\pi}{4} (C) \frac{5\pi}{4} (D) कोई नहीं
                                                                                Ans. (A)
 37. \cos^{-1}\left(\frac{-1}{\sqrt{2}}\right) का मुख्य मान है :
   (A) \frac{3\pi}{4} (B) \frac{5\pi}{4} (C) -\frac{\pi}{4} (D) कोई नहीं
                                                                                Ans. (A)
 38. \sin^{-1} x = y तब :
(A) 0 \le y \le \pi (B) -\frac{\pi}{2} \le \sin y \le \frac{\pi}{2}
      (C) 0 < y < \pi (D) -\frac{\pi}{2} < y < \frac{\pi}{2} Ans. (B)
 39. \tan^{-1} \sqrt{3} - \sec^{-1}(-z) के बराबर है :
      (A) \pi (B) -\frac{\pi}{3} (C) \frac{\pi}{3} (D) \frac{2\pi}{3} Ans. (B)
 40. \tan^{-1}(1) + \cos^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) + \sin^{-1}\left(-\frac{1}{2}\right) = [BSEB, 2018 (A)]
      (A) 0 (B) \frac{\pi}{4} (C) \frac{3\pi}{4} (D) कोई नहीं
                                                                                Ans. (C)
41. \cos^{-1}\left(\cos\frac{7\pi}{6}\right) के बराबर है:
                                                 [BSEB, 2012]
      (A) \frac{7\pi}{6} (B) \frac{5\pi}{6} (C) \frac{\pi}{3} (D) \frac{\pi}{6} Ans. (B)
42. \sin \left| \frac{\pi}{3} - \sin^{-1} \left( -\frac{1}{2} \right) \right| के बराबर है :
      (A) \frac{1}{2} (B) \frac{1}{3} (C) \frac{1}{4} (D) 1 Ans. (D)
43. \tan^{-1}\frac{1}{2} + \tan^{-1}\frac{2}{11} = \tan^{-1}a \text{ deg } a = ?
      (A) \frac{1}{4} (B) \frac{1}{2} (C) \frac{3}{4} (D) 1 Ans. (C)
44. \tan^{-1}\sqrt{3} - \cot^{-1}(-\sqrt{3}) के बराबर है :
     (A) \pi (B) -\frac{\pi}{2} (C) 0 (D) 2\sqrt{3} Ans. (B)
45. \tan \left( \sin^{-1} \frac{3}{5} + \cot^{-1} \frac{3}{2} \right) का मान है :
```

(D) -18 Ans. (A)

```
46. \sin^{-1}\left(\sin\frac{\pi}{3}\right) + \tan^{-1}\left(\tan\frac{3\pi}{4}\right) का मान है :
```

(A)
$$\frac{17}{12}$$
 π

$$(B) \frac{5}{12}\pi$$

$$(C)^{\frac{\pi}{12}}$$

(A)
$$\frac{17}{12}\pi$$
 (B) $\frac{5}{12}\pi$ (C) $\frac{\pi}{12}$ (D) $-\frac{7\pi}{12}$

47. यदि $|x| \le 1$ तो $\tan(\cos^{-1}x) =$

(A)
$$\frac{\sqrt{1-x^2}}{x}$$
 (B) $\frac{x}{1+x^2}$ (C) $\frac{\sqrt{1+x^2}}{x}$ (D) $\sqrt{1-x^2}$

(C)
$$\frac{\sqrt{1+x^2}}{x}$$
 (D) $\sqrt{1-x^2}$

Ans. (A)

48.
$$\tan^{-1} \frac{1}{2} + \tan^{-1} \frac{1}{3} =$$

[BSEB, 2017 (C)]

(A)
$$\frac{\pi}{4}$$

(B)
$$\frac{\pi}{2}$$

(C)
$$\frac{\pi}{3}$$

(A)
$$\frac{\pi}{4}$$
 (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) π Ans. (A)

49.
$$4 \tan^{-1} \frac{1}{5} - \tan^{-1} \frac{1}{239} =$$

$$(A) \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{\pi}{2}$$

(C)
$$\frac{\pi}{3}$$

(A)
$$\frac{\pi}{4}$$
 (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{4}$ Ans. (D)

50. यदि
$$\sin^{-1} x + \sin^{-1} y = \frac{2\pi}{3}$$
 तो $\cos^{-1} x + \cos^{-1} y =$

(A)
$$\frac{2\pi}{3}$$

(B)
$$\frac{\pi}{4}$$

(C)
$$\frac{\pi}{3}$$

(D)
$$\frac{\pi}{4}$$
 Ans. (C)

(A) $\frac{2\pi}{3}$ (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) $\frac{\pi}{3}$ (D) $\frac{\pi}{4}$ Ans. (C) 51. $\csc^{-1}(-2)$ का मुख्य मान है:

$$(A) - \frac{2\pi}{3}$$

$$(B) \frac{\pi}{6}$$

(C)
$$\frac{2\pi}{3}$$

(A)
$$-\frac{2\pi}{3}$$
 (B) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{2\pi}{3}$ (D) $-\frac{\pi}{6}$ Ans. (D)

52. $\sin^{-1}x + \cot^{-1}x$ का मान है :

$$(A)\ \pi$$

(B)
$$\frac{\pi}{2}$$

$$(C) - \frac{\pi}{2}$$

(A)
$$\pi$$
 (B) $\frac{\pi}{2}$ (C) $-\frac{\pi}{2}$ (D) 1 Ans. (B)

53.
$$\tan^{-1}x + \cot^{-1}x$$
 का मान है : [BSEB, 2016 (A), 2017 (C)]

$$(A) -\pi$$

$$(3) - \frac{\pi}{2}$$

$$(C) \frac{\pi}{2}$$

(A)
$$-\pi$$
 (B) $-\frac{\pi}{2}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) $\frac{\pi}{4}$ Ans. (C)

54. $\sec^{-1}x + \csc^{-1}x$ का मान है :

(A)
$$\frac{\pi}{2}$$

(B)
$$\frac{\pi}{4}$$

(A)
$$\frac{\pi}{2}$$
 (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) 1 (D) $-\frac{\pi}{2}$ Ans. (A)

55. $\sec^2(\tan^{-1} 5) + \csc^2(\cot^{-1} 5)$ का मान है :

[BSEB, 2017 (C)]

$$(C)$$
 51

56.
$$\sin\left(\sin^{-1}\frac{1}{2} + \cos^{-1}\frac{1}{2}\right) =$$

$$(B)$$
 -1

(A) 0 (B)
$$-1$$
 (C) 1 (D) $\frac{1}{2}$ Ans. (C)

57.
$$\cos^{-1} \left(\cos \frac{8\pi}{5} \right) =$$

(A)
$$\frac{8\pi}{5}$$

B)
$$\frac{12\pi}{5}$$

$$(C) \frac{2\pi}{5}$$

(A)
$$\frac{8\pi}{5}$$
 (B) $\frac{12\pi}{5}$ (C) $\frac{2\pi}{5}$ (D) $\frac{4\pi}{5}$ Ans. (C)

58.
$$\cos^{-1}(2x-1) =$$

(A)
$$2 \cos^{-1} x$$
(B) $\cos^{-1} \sqrt{x}$

(C)
$$2 \cos^{-1} \sqrt{x}$$
 (D) None of these

59.
$$2 \cot^{-1} 3 + \cot^{-1} 7 =$$

$$(A) \frac{\pi}{2}$$

$$(B) \frac{\pi}{4}$$

(A)
$$\frac{\pi}{2}$$
 (B) $\frac{\pi}{4}$ (C) π (D) $\frac{\pi}{6}$ Ans. (B)