

4

અપૂર્ણકિ (Fraction)

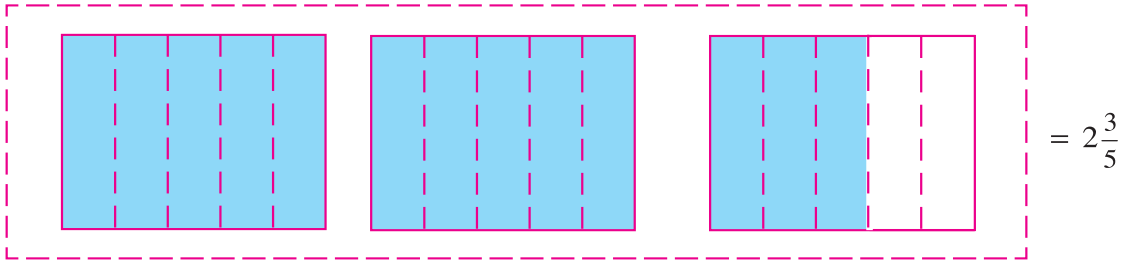
યાદ કરીએ :

પ્રવૃત્તિ 1 :

એક કાગળ લો. નીચે આપેલી મિશ્રસંખ્યા અનુસાર ખાનાં બનાવી તેમાં રંગ ભરો.

$$1\frac{1}{3}, 1\frac{2}{7}, 2\frac{4}{5}, 2\frac{3}{5}$$

$$\text{દા.ત., } 2\frac{3}{5}$$



પ્રવૃત્તિ 2 : નીચે (1)માં આપેલા નમૂના પ્રમાણે બાકીના પ્રશ્નોમાં અપૂર્ણકોનાં સરવાળા-બાદબાકીથી બનતા અપૂર્ણકને લગતી આકૃતિમાં યોગ્ય ખાનામાં રંગ પૂરો અને અપૂર્ણક લખો :

$$(1) \quad \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline \text{shaded} & \text{shaded} & & \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline \text{shaded} & & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline \text{shaded} & \text{shaded} & \text{shaded} & \\ \hline \end{array}$$

$$\left(\frac{2}{4}\right) + \left(\frac{1}{4}\right) = \left(\frac{3}{4}\right)$$

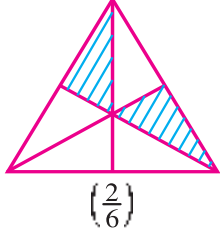
$$(2) \quad \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline \text{shaded} & \text{shaded} & \text{shaded} & & \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline \text{shaded} & \text{shaded} & & & \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|c|c|c|c|} \hline & & & & \\ \hline \end{array}$$

$$\left(\frac{3}{5}\right) + \left(\frac{2}{5}\right) = \left[\dots\right]$$

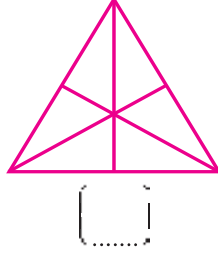
$$(3) \quad \begin{array}{|c|} \hline \text{shaded} \\ \hline \end{array} + \begin{array}{|c|} \hline \text{shaded} \\ \hline \end{array} = \begin{array}{|c|} \hline \\ \hline \end{array}$$

$$\left(\frac{3}{8}\right) + \left(\frac{3}{8}\right) = \left[\dots\right]$$

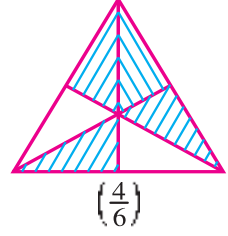
(4)



+



=

(5) $\frac{5}{6} - \frac{2}{6}$

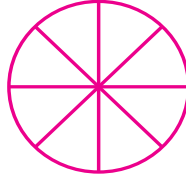
=



=

 $\frac{3}{6}$ (6) $\frac{7}{8} - \frac{2}{8}$

=



=

 $\frac{5}{8}$

નવું શીખીએ :

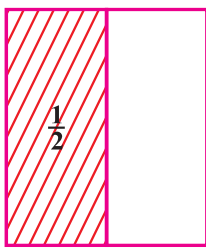
વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકોના સરવાળા :

વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકોના સરવાળા ઉદાહરણની મદદથી સમજાવે.

ઉદાહરણ 1 : $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$

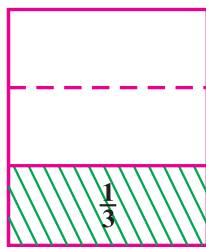
ઉકેલ :

આકૃતિ દ્વારા $\frac{1}{2}$ અને $\frac{1}{3}$ નો સરવાળો સમજાવે.



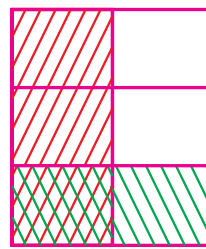
(a)

+



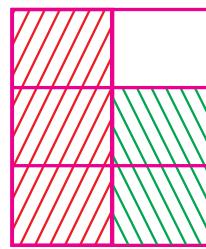
(b)

=



(c)

=



(d)

આકૃતિ (a) માં લાલ લીટીવાળો ભાગ $\frac{1}{2}$ દર્શાવે છે.

આકૃતિ (b) માં લીલી લીટીવાળો ભાગ $\frac{1}{3}$ દર્શાવે છે.

આકૃતિ (a) અને (b) નો સરવાળો કરતાં આકૃતિ (c) મળે છે. આકૃતિના કુલ 6 ભાગમાંથી એક ભાગમાં લાલ અને લીલી એમ બે રંગની લીટીઓ ભેગી મળે છે. તેમાંથી

જો લીલી લીટીવાળા ભાગને ખાલી ભાગમાં મૂકીએ, તો આકૃતિ (d) મળે છે, જે $\frac{1}{2}$ અને $\frac{1}{3}$ નો સરવાળો બતાવે છે, જે $\frac{5}{6}$ છે.

આમ, $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$ (અહીં $\frac{5}{6}$ નો છેદ 6 એ $\frac{1}{2}$ ના છેદ 2 અને $\frac{1}{3}$ ના છેદ 3 નો લ.સા.અ. છે)

અહીં $\frac{1}{2}$ અને $\frac{1}{3}$ નો છેદ 6 અને તે રીતે સમચ્છેદી બનાવીને સરવાળો થઈ શકે.

$$\frac{1}{2} = \frac{1 \times 3}{2 \times 3} = \frac{3}{6}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{2}{6}$$

$$\therefore \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{3+2}{6} = \frac{5}{6}$$

દરેક વખતે આ રીતે આકૃતિ પરથી વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકના સરવાળા કરવા મુશ્કેલ છે. પરંતુ છેદનો લ.સા.અ. શોધીને તે અપૂર્ણાંકોને સમચ્છેદી બનાવીને તેમનો સરવાળો કરી શકાય છે. ઉદાહરણની મદદથી સમજાવે.

ઉદાહરણ 2 : $\frac{1}{6} + \frac{1}{4}$

ઉકેલ : અહીં બંને અપૂર્ણાંકોના છેદ અલગ-અલગ હોવાથી તેમને સમચ્છેદી અપૂર્ણાંક બનાવીને સરવાળો કરીએ. તે માટે તેમના છેદ 6 અને 4 નો લ.સા.અ. મેળવવો પડે.

6 અને 4 નો લ.સા.અ. 12 થાય છે.

તેથી $\frac{1}{6}$ અને $\frac{1}{4}$ નો છેદ 12 બનાવવો પડે.

2	6	4
2	3	2
3	3	1
1	1	

લ.સા.અ. = $2 \times 2 \times 3 = 12$

$$\frac{1}{6} = \frac{1 \times 2}{6 \times 2} = \frac{2}{12} \text{ (છેદ 12 બનાવવા અંશ અને છેદને 2 વડે ગુણતાં)}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{3}{12} \text{ (છેદ 12 બનાવવા અંશ અને છેદને 3 વડે ગુણતાં)}$$

હવે $\frac{2}{12}$ અને $\frac{3}{12}$ સમચ્છેદી અપૂર્ણાંકો છે.

$$\therefore \frac{2}{12} + \frac{3}{12}$$

$$= \frac{2+3}{12}$$

$$= \frac{5}{12}$$

$$\therefore \frac{1}{6} + \frac{1}{4} = \frac{5}{12}$$

ઉદાહરણ 3 : $\frac{3}{5} + 2 + \frac{1}{4}$

$$\text{ઉકેલ : } \frac{3}{5} + 2 + \frac{1}{4} = \frac{3}{5} + \frac{2}{1} + \frac{1}{4}$$

5, 1 અને 4 નો લ.સા.અ. 20 થાય છે.

તેથી $\frac{3}{5}$, $\frac{2}{1}$ અને $\frac{1}{4}$ નો છેદ 20 બનાવવો પડે.

$$= \frac{3 \times 4}{5 \times 4} + \frac{2 \times 20}{1 \times 20} + \frac{1 \times 5}{4 \times 5}$$

$$= \frac{12}{20} + \frac{40}{20} + \frac{5}{20}$$

$$= \frac{12+40+5}{20}$$

2	5	1	4
2	5	1	2
5	5	1	1
	1	1	1

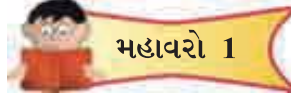
$$\text{લ.સા.અ.} = 2 \times 2 \times 5 = 20$$

$$= \frac{57}{20}$$

$$= 2\frac{17}{20}$$

$$\therefore \frac{3}{5} + 2 + \frac{1}{4} = 2\frac{17}{20}$$

- જ્યારે અપૂર્ણાંકોના સરવાળામાં પૂર્ણાંક સંખ્યા હોય, ત્યારે તેનો છેદ 1 છે તેમ સમજવું.
- વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકોના સરવાળાની ગણતરીમાં દરેક વખતે લ.સા.અ.ની ગણતરી દર્શાવવી જરૂરી નથી.



1. સરવાળો કરો :

$$(1) \frac{3}{4} + \frac{5}{8}$$

$$(2) \frac{2}{5} + \frac{3}{7}$$

$$(3) 2\frac{3}{4} + 1\frac{2}{3}$$

$$(4) 4\frac{2}{3} + \frac{7}{6} + 4$$

$$(5) 2\frac{5}{8} + \frac{7}{16}$$

$$(6) \frac{3}{4} + \frac{1}{6} + \frac{5}{12}$$

2. અહીં મિશ્રસંખ્યાઓવાળા ખાનામાંથી બે સંખ્યાઓ લઈ સરવાળો કરો. મળેલા પરિણામની સંખ્યા 'ગેઈમ બોર્ડ' માંથી શોધી તેના પર 'x' કરો :

મિશ્રસંખ્યાઓ	
$3\frac{5}{8}$	$2\frac{1}{4}$
$1\frac{3}{8}$	$2\frac{1}{8}$
$1\frac{1}{2}$	$4\frac{3}{4}$
$2\frac{3}{4}$	$1\frac{1}{4}$

‘ગેઈમબોર્ડ’				
$3\frac{1}{2}$	5	$6\frac{1}{4}$	$4\frac{7}{8}$	$3\frac{5}{8}$
$2\frac{3}{4}$	$3\frac{3}{4}$	$6\frac{3}{8}$	$6\frac{1}{8}$	7
6	$4\frac{1}{4}$		$2\frac{7}{8}$	$2\frac{5}{8}$
$3\frac{3}{8}$	$4\frac{3}{8}$	$5\frac{3}{4}$	4	$6\frac{7}{8}$
$5\frac{7}{8}$	$7\frac{1}{2}$	$8\frac{3}{8}$	$5\frac{1}{8}$	$4\frac{1}{8}$

■ વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકોની બાદબાકી :

ઉદાહરણ 4 : બાદબાકી કરો : $\frac{3}{4} - \frac{2}{3}$

ઉકેલ : અહીં બંને અપૂર્ણાંકોના છેદ અલગ-અલગ હોવાથી તેમને સમચ્છેદી અપૂર્ણાંકો બનાવીને બાદબાકી કરીએ. તેમને સમચ્છેદી અપૂર્ણાંકો બનાવવા માટે તેમના છેદ 4 અને 3નો લ.સા.અ. મેળવવો પડશે.

$$\begin{aligned} \text{તેથી, } \frac{3}{4} - \frac{2}{3} &= \frac{3 \times 3}{4 \times 3} - \frac{2 \times 4}{3 \times 4} \\ &= \frac{9}{12} - \frac{8}{12} \\ &= \frac{9-8}{12} \\ &= \frac{1}{12} \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{3}{4} - \frac{2}{3} = \frac{1}{12}$$

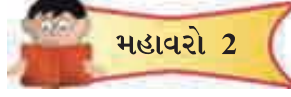
2	4	3
2	2	3
3	1	5
	1	1

$$\text{લ.સા.અ.} = 2 \times 2 \times 3 = 12$$

ઉદાહરણ 5 : બાદબાકી કરો : $6 - 2\frac{3}{5}$

$$\begin{aligned} \text{ઉકેલ : } 6 - 2\frac{3}{5} &= \frac{6}{1} - \frac{13}{5} \\ &= \frac{6 \times 5}{1 \times 5} - \frac{13}{5} \quad (1 \text{ અને } 5 \text{નો લ.સા.અ. } 5 \text{ છે.)} \\ &= \frac{30}{5} - \frac{13}{5} \\ &= \frac{30-13}{5} \\ &= \frac{17}{5} = 3\frac{2}{5} \end{aligned}$$

$$\therefore 6 - 2\frac{3}{5} = 3\frac{2}{5}$$



1. બાદબાકી કરો :

(1) $3\frac{1}{5} - 2\frac{3}{10}$

(2) $5 - \frac{4}{11}$

(3) $\frac{7}{2} - \frac{6}{13}$

(4) $5\frac{13}{20} - 4\frac{3}{10}$

(5) $7 - 3\frac{5}{9}$

(6) $7\frac{1}{2} - 2\frac{3}{4}$

2. સરવાળો અને બાદબાકી કરીને ખાલી જગ્યામાં યોગ્ય જવાબ લખો :

+

→

$\frac{2}{8}$	$\frac{4}{8}$	—
$\frac{1}{8}$	$\frac{2}{8}$	—
—	—	—

↓

−

+

→

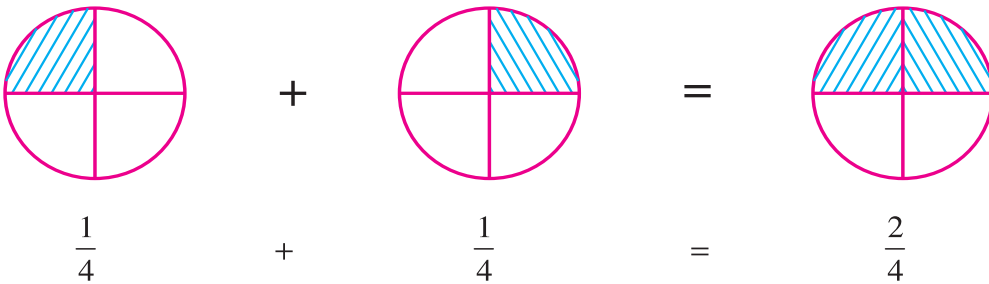
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	—
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	—
—	—	—

↓

−

■ અપૂર્ણાંકનો પૂર્ણ સંખ્યા વડે ગુણાકાર :

અપૂર્ણાંકનો પૂર્ણ સંખ્યા સાથેનો ગુણાકાર નીચેની આકૃતિ દ્વારા સમજાવે :

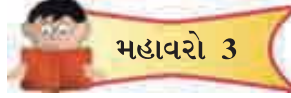


અહીં $\frac{1}{4}$ બે વખત આકૃતિ દ્વારા દર્શાવેલા છે.

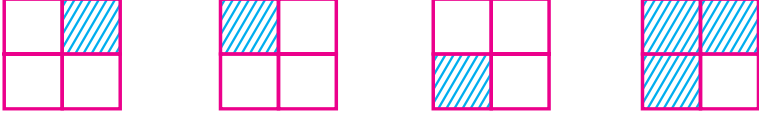
તેમનો સરવાળો કરતાં $\frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1+1}{4} = \frac{2}{4}$ મળે.

આમ, બે વખત $\frac{1}{4}$ લેતાં $\frac{2}{4}$ મળે છે, એટલે કે $\frac{1}{4}$ ને 2 વડે ગુણવાથી મળે.

$$\therefore \frac{1}{4} \times 2 = \frac{1}{4} \times \frac{2}{1} = \frac{1 \times 2}{4 \times 1} = \frac{2}{4}$$

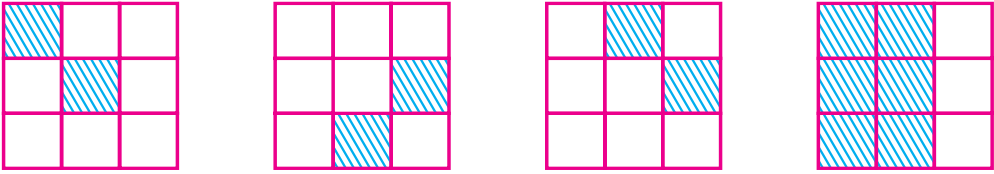


નીચેની આકૃતિઓ જુઓ અને ખાલી જગ્યા પૂરો :

1. 

_____ + _____ + _____ = _____

એટલે કે $\frac{1}{4} \times 3 = \frac{1}{4} \times \frac{3}{1} = \frac{3 \times 1}{4 \times 1} = \frac{3}{4}$

2. 

_____ + _____ + _____ = _____

એટલે કે, $\frac{2}{9} \times 3$

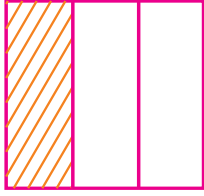
$$= \frac{2}{9} \times \frac{3}{1} = \frac{2 \times 3}{9 \times 1} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \quad (\text{અતિ સંક્ષિપ્ત રૂપ આપતાં})$$

3. $3 \times \frac{2}{5} =$ _____

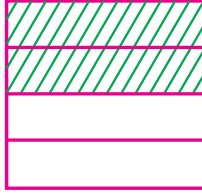
4. $4 \times \frac{3}{7} =$ _____

5. $3 \times \frac{5}{8} =$ _____

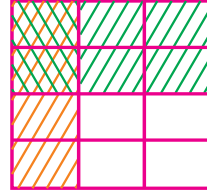
● અપૂર્ણાંકનો અપૂર્ણાંક સાથે ગુણાકાર :



(a)



(b)



(c)

- (1) આકૃતિ (a)નો રંગીન ભાગ એ આખી આકૃતિનો _____ ભાગ દર્શાવે છે.
 (2) આકૃતિ (b) રંગીન ભાગ એ આખા આકૃતિનો _____ ભાગ દર્શાવે છે.
 આકૃતિ (a) અને (b) ને એકબીજા પર ગોઠવતાં આકૃતિ (c) બને છે.
 (3) આકૃતિ (c) માં કુલ _____ ભાગ દેખાય છે.
 (4) લાલ અને લીલી એમ બંને રંગની લીટીઓવાળો ભાગ આકૃતિ (c) નો _____ ભાગ દર્શાવે છે, જે $\frac{1}{3}$ અને $\frac{2}{4}$ નો ગુણાકાર દર્શાવે છે.

આ ગુણાકારને આ રીતે પણ લખી શકાય.

$$\begin{aligned} & \frac{1}{3} \times \frac{2}{4} \\ &= \frac{1 \times 2}{3 \times 4} \\ &= \frac{2}{12} = \frac{1}{6} \quad (\text{અતિ સંક્ષિપ્ત રૂપ આપતાં}) \end{aligned}$$

આ જ પ્રમાણે,

$$\bullet \quad \frac{3}{5} \times \frac{2}{4} = \frac{3 \times 2}{5 \times 4} = \frac{6}{20} = \frac{3}{10} \quad (\text{અતિ સંક્ષિપ્ત રૂપ આપતાં})$$

$$\bullet \quad \frac{1}{3} \times \frac{4}{7} = \frac{1 \times 4}{3 \times 7} = \frac{4}{21}$$

$$\text{અપૂર્ણાંકોનો ગુણાકાર} = \frac{\text{અપૂર્ણાંકોના અંશનો ગુણાકાર}}{\text{અપૂર્ણાંકોના છેદનો ગુણાકાર}}$$

■ પૂર્ણાંક અને અપૂર્ણાંકનો વ્યસ્ત :

ગુણાકાર કરો :

$$(1) \quad 2 \times \frac{1}{2} = 1$$

$$(4) \quad \frac{22}{3} \times \frac{3}{22} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(2) \quad 5 \times \frac{1}{5} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(5) \quad \frac{13}{8} \times \frac{8}{13} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(3) \quad 7 \times \frac{1}{7} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$(6) \quad \text{ઉપરના દરેક ગુણાકારનું પરિણામ} \underline{\hspace{2cm}} \text{ મળે છે.}$$

આમ, “જે બે સંખ્યાઓનો ગુણાકાર કરતાં 1 મળે તે બે સંખ્યાઓને એકબીજાની વ્યસ્ત સંખ્યાઓ કહે છે.”

$$\bullet \quad 3\text{નો વ્યસ્ત } \frac{1}{3} \text{ અને } \frac{1}{3}\text{નો વ્યસ્ત } 3 \text{ છે.}$$

$$\bullet \quad 7\text{નો વ્યસ્ત } \frac{1}{7} \text{ અને } \frac{1}{7}\text{નો વ્યસ્ત } 7 \text{ છે.}$$

$$\bullet \quad \frac{2}{3} \text{ નો વ્યસ્ત } \frac{3}{2} \text{ અને } \frac{3}{2}\text{નો વ્યસ્ત } \frac{2}{3} \text{ છે.}$$

શૂન્યનો વ્યસ્ત નથી. (કારણ કે શૂન્યનો કોઈ પણ સંખ્યા સાથેનો ગુણાકાર શૂન્ય થાય છે, 1 થતો નથી.)

■ અપૂર્ણાંકનો પ્રાકૃતિક સંખ્યા વડે ભાગાકાર



કાર્ડ પેપરમાંથી , , ,  એ માપના ટુકડાઓ કાપી લો. હવે વારાફરતી દરેક આકારને ઉપરના લંબચોરસમાં ગોઠવીને ચકાસો કે આખા લંબચોરસને ઢાંકવા જે-તે માપના કેટલા ટુકડા જોઈએ ? ત્યારબાદ નીચેના કોષ્ટકમાં વિગત ભરો :

ક્રમ	પ્રાકૃતિક સંખ્યા વડે ભાગાકાર	તે સંખ્યાના વ્યસ્ત વડે ગુણાકાર
(1)	$12 \div 2 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12 \times \frac{1}{2} = \underline{\hspace{2cm}}$
(2)	$12 \div 3 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12 \times \frac{1}{3} = \underline{\hspace{2cm}}$
(3)	$12 \div 4 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12 \times \frac{1}{4} = \underline{\hspace{2cm}}$
(4)	$12 \div 6 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12 \times \frac{1}{6} = \underline{\hspace{2cm}}$

બંને ક્રિયાને અંતે દરેક વખતે કેવું પરિણામ મળ્યું ? _____

એટલે કે,

કોઈ પણ સંખ્યાને શૂન્ય સિવાયની કોઈ સંખ્યા વડે ભાગવી એટલે તેના વ્યસ્ત વડે ગુણવી.

આ જ રીતે,

આપેલ અપૂર્ણાંકને પ્રાકૃતિક સંખ્યા વડે ભાગવા માટે અપૂર્ણાંકને તે પ્રાકૃતિક સંખ્યાના વ્યસ્ત વડે ગુણવી. જેમકે,

■ $\frac{1}{5} \div 2 = \frac{1}{5} \times \frac{1}{2} = \frac{1 \times 1}{5 \times 2} = \frac{1}{10}$

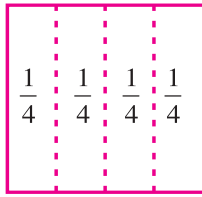
$$\bullet \quad \frac{2}{3} \div 4 = \frac{2}{3} \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

$$\bullet \quad \frac{3}{8} \div 9 = \frac{3}{8} \times \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}}$$

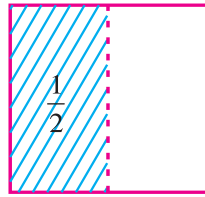
■ અપૂર્ણાંકનો અપૂર્ણાંક વડે ભાગાકાર :

પ્રવૃત્તિ :

- એક કાગળ લઈ વચ્ચેથી વાળો. હવે ફરીથી વાળો. કાગળ ખોલતાં તમારા કાગળના આકૃતિ (a) મુજબ ચાર ભાગ થશે. તેમાં ચારે ભાગ કાપી લો.
- બીજો કાગળ લઈ વચ્ચેથી વાળો. કાગળ ખોલતાં તમારા કાગળના આકૃતિ (b) મુજબ બે ભાગ પડશે.
- હવે પહેલા કાગળમાંથી કાપેલા ભાગના કાગળના ટુકડા વડે બીજા કાગળના ભાગને ઢાંકો.



(a)



(b)

$\frac{1}{2}$ એકમના ટુકડા પર $\frac{1}{4}$ એકમના કેટલા ટુકડા સમાયા ? $\underline{\hspace{2cm}}$

આમ, $\frac{1}{2} \div \frac{1}{4}$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{4}{1} \left(\frac{1}{2} \text{ ને } \frac{1}{4} \text{ વડે ભાગવા એટલે } \frac{1}{4} \text{ ના વ્યસ્ત વડે ગુણવા.} \right)$$

$$= 2$$

ઉદાહરણ 6 : $\frac{1}{2} \div \frac{1}{3}$

ઉકેલ : $= \frac{1}{2} \times \frac{3}{1}$

$$= \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$$

$$\therefore \frac{1}{2} \div \frac{1}{3} = \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$$

ઉદાહરણ 7 : $\frac{3}{7} \div 1\frac{2}{3}$

$$\text{ઉકેલ : } \frac{3}{7} \div 1\frac{2}{3} = \frac{3}{7} \div \frac{5}{3}$$

$$= \frac{3}{7} \times \frac{3}{5}$$

$$= \frac{9}{35}$$

$$\therefore \frac{3}{7} \div 1\frac{2}{3} = \frac{9}{35}$$

ઉદાહરણ 8 : $3\frac{4}{7} \div 1\frac{5}{7}$

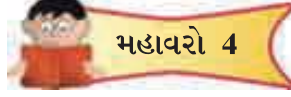
$$\text{ઉકેલ : } 3\frac{4}{7} \div 1\frac{5}{7} = \frac{25}{7} \div \frac{12}{7}$$

$$= \frac{25}{7} \times \frac{7}{12}$$

$$= \frac{25}{12}$$

$$= 2\frac{1}{12}$$

$$\therefore 3\frac{4}{7} \div 1\frac{5}{7} = 2\frac{1}{12}$$



1. ભાગાકાર કરો :

(1) $18 \div 6$

(5) $\frac{7}{8} \div 1\frac{1}{4}$

(2) $\frac{6}{7} \div 3$

(6) $2\frac{1}{5} \div \frac{22}{5}$

(3) $\frac{5}{7} \div \frac{5}{14}$

(7) $3\frac{1}{5} \div \frac{6}{8}$

(4) $\frac{3}{5} \div \frac{2}{3}$

(8) $2\frac{1}{6} \div 3\frac{5}{7}$

વિચારો :

દિવસનો $\frac{1}{4}$ ભાગ એટલે કેટલા કલાક થાય ?

સમીરા પાસે 15 પુસ્તકો હતા. તેમાં $\frac{2}{5}$ ભાગનાં પુસ્તકો ગાણિતિક કોયડાના હતા, તો ગાણિતિક કોયડાનાં કેટલાં પુસ્તકો હશે ?

અપૂર્ણાંકોમાં ચાર ક્રિયાઓનું સાદું રૂપ :

આપણે પૂર્ણ સંખ્યાઓ માટે ચાર ક્રિયાઓનું સાદું રૂપ આપતાં શીખી ગયાં છીએ. તે જ રીતે અપૂર્ણાંકમાં ચાર ક્રિયાઓનું સાદું રૂપ આપવા માટે પ્રથમ ભાગાકાર, પછી ગુણાકાર ત્યાર બાદ સરવાળા અને બાદબાકીની ક્રિયા કરીને સાદું રૂપ આપીશું. ઉદાહરણની મદદથી સાદું રૂપ સમજીએ.

ઉદાહરણ 9 : $\frac{4}{5} + \frac{2}{3} \div 1\frac{2}{3} \times \frac{6}{5}$

ઉકેલ : $\frac{4}{5} + \frac{2}{3} \div 1\frac{2}{3} \times \frac{6}{5}$

$$\begin{aligned}
&= \frac{4}{5} + \frac{2}{3} \div \frac{5}{3} \times \frac{6}{5} \text{ (મિશ્રસંખ્યાને શુદ્ધ અપૂર્ણાંકમાં ફેરવતાં)} \\
&= \frac{4}{5} + \left(\frac{2}{3} \div \frac{5}{3} \right) \times \frac{6}{5} \\
&= \frac{4}{5} + \frac{2}{3} \times \frac{3}{5} \times \frac{6}{5} \text{ (ભાગાકાર એટલે વ્યસ્ત વડે ગુણવું)} \\
&= \frac{4}{5} + \frac{2}{3} \times \frac{3}{5} \times \frac{6}{5} \text{ (ગુણાકાર કરતાં)} \\
&= \frac{4}{5} + \frac{2 \times 6}{5 \times 5} \text{ (ગુણાકારનું સાદું રૂપ આપતાં)} \\
&= \frac{4}{5} + \frac{12}{25} \text{ (ગુણાકારનું સાદું રૂપ આપતાં)} \\
&= \frac{4 \times 5}{5 \times 5} + \frac{12}{25} \text{ (લ.સા.અ. લઈને સમચ્છેદી બનાવતાં)} \\
&= \frac{20}{25} + \frac{12}{25} \text{ (અપૂર્ણાંકને સમચ્છેદી બનાવતાં)} \\
&= \frac{20+12}{25} \text{ (સરવાળો કરતાં)} \\
&= \frac{32}{25} = 1\frac{7}{25} \text{ (અશુદ્ધ અપૂર્ણાંકને મિશ્ર સંખ્યામાં ફેરવતાં)}
\end{aligned}$$

ઉદાહરણ 10 : $\frac{3}{5} + \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$

ઉકેલ : $\frac{3}{5} + \frac{1}{4} \times \frac{2}{5}$

$$= \frac{3}{5} + \frac{1 \times 2}{4 \times 5}$$

$$= \frac{3}{5} + \frac{2}{20}$$

$$= \frac{3 \times 4}{5 \times 4} + \frac{2}{20}$$

2	5	20
2	5	10
5	5	5
	1	1

$$\text{લ.સા.અ.} = 2 \times 2 \times 5 = 20$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{12}{20} + \frac{2}{20} \\
 &= \frac{12+2}{20} \\
 &= \frac{14}{20} = \frac{2 \times 7}{2 \times 10} = \frac{7}{10} \\
 \therefore \frac{3}{5} + \frac{1}{4} \times \frac{2}{5} &= \frac{7}{10}
 \end{aligned}$$

ઉદાહરણ 11 : $\frac{7}{9} \div \frac{3}{5} + \frac{2}{3}$

ઉકેલ : $\frac{7}{9} \div \frac{3}{5} + \frac{2}{3}$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{7}{9} \div \frac{3}{5} + \frac{2}{3} \\
 &= \frac{7}{9} \times \frac{5}{3} + \frac{2}{3} \\
 &= \frac{7 \times 5}{9 \times 3} + \frac{2}{3} \\
 &= \frac{35}{27} + \frac{2}{3} \\
 &= \frac{35}{27} + \frac{2 \times 9}{3 \times 9} \quad (27 \text{ અને } 3 \text{ નો લ.સા.અ. } 27 \text{ થાય છે. તેથી છેલ્લે } 27 \text{ બનાવતાં}) \\
 &= \frac{35}{27} + \frac{18}{27} \\
 &= \frac{35+18}{27} = \frac{53}{27} = 1\frac{26}{27}
 \end{aligned}$$

$$\therefore \frac{7}{9} \div \frac{3}{5} \times \frac{2}{3} = 1\frac{26}{27}$$

ઉદાહરણ 12 : $\frac{4}{6} + 1\frac{2}{3} \times \frac{3}{10} - \frac{1}{3}$

ઉકેલ : $\frac{4}{6} + 1\frac{2}{3} \times \frac{3}{10} - \frac{1}{3}$

$$= \frac{4}{6} + \frac{5}{3} \times \frac{3}{10} - \frac{1}{3}$$

$$= \frac{4}{6} + \frac{\cancel{3}}{\cancel{3}} \times \frac{\cancel{3}}{\cancel{10}} - \frac{1}{3}$$

$$= \frac{4}{6} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3}$$

$$= \frac{4}{6} + \frac{1 \times 3}{2 \times 3} - \frac{1 \times 2}{3 \times 2} \quad (2 \text{ અને } 3 \text{ નો લ.સા.અ. } 6 \text{ છે. તેથી છેલ્લે } 6 \text{ બનાવતાં})$$

$$= \frac{4}{6} + \frac{3}{6} - \frac{2}{6}$$

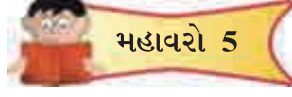
$$= \frac{4 + 3 - 2}{6}$$

$$= \frac{5}{6}$$

$$\therefore \frac{4}{6} + 1\frac{2}{3} \times \frac{3}{10} - \frac{1}{3} = \frac{5}{6}$$

■ અપૂર્ણાંકોમાં ચાર ક્રિયાઓનું સાદું રૂપ આપતી વખતે...

- આપેલી સંખ્યામાં જો મિશ્રસંખ્યા હોય, તો તેને પ્રથમ અશુદ્ધ અપૂર્ણાંકમાં ફેરવો.
- ગુણાકાર અને ભાગાકાર પૈકી જે ક્રિયા આપેલી રકમમાં ડાબી બાજુથી પહેલા આવતી હોય તેનું સાદું રૂપ પહેલાં આપવું.
- ભાગાકાર કરવો એટલે વ્યસ્ત વડે ગુણવા તેનો પણ ખ્યાલ રાખવો
- છેલ્લે અપૂર્ણાંકોને સમચ્છેદી બનાવી જે-તે ક્રિયા કરવી.
- જવાબ જો અશુદ્ધ અપૂર્ણાંક હોય, તો તેને મિશ્રસંખ્યામાં ફેરવવો.



❖ સાદું રૂપ આપો :

$$(1) 3\frac{2}{5} + 1\frac{3}{6} \times \frac{15}{9}$$

$$(2) \frac{9}{12} - \frac{18}{24} \times \frac{7}{24} + \frac{2}{6}$$

$$(3) 5\frac{2}{8} \div \frac{2}{14} + \frac{5}{7}$$

$$(4) 4\frac{2}{3} - 9\frac{3}{5} \div 2\frac{2}{15}$$

$$(5) \frac{6}{7} \times 2\frac{4}{5} - \frac{2}{11} \times 8\frac{1}{4}$$

$$(6) \frac{9}{3} \div \frac{4}{6} \times \frac{13}{18} - \frac{3}{5}$$



1. સરવાળા કરો :

$$(1) \frac{3}{5} + \frac{2}{4}$$

$$(2) \frac{4}{7} + 6$$

$$(3) \frac{3}{8} + 1\frac{2}{4}$$

$$(4) 2\frac{1}{5} + 3\frac{3}{5} + 2\frac{1}{3}$$

2. બાદબાકી કરો :

$$(1) \frac{6}{9} - \frac{3}{18}$$

$$(2) 8 - 3\frac{5}{9}$$

$$(3) 4 - \frac{5}{11}$$

$$(4) 8\frac{1}{2} - 5\frac{7}{8}$$

3. ગુણાકાર કરો :

$$(1) \frac{6}{15} \times \frac{5}{18}$$

$$(2) \frac{3}{8} \times \frac{16}{21}$$

$$(3) \frac{9}{10} \times \frac{5}{7} \times \frac{14}{25}$$

$$(4) 8 \times \frac{3}{19} \times \frac{38}{56}$$

4. ભાગાકાર કરો :

$$(1) \frac{18}{81} \div \frac{36}{45}$$

$$(2) 4\frac{1}{5} \div \frac{42}{50}$$

$$(3) 9\frac{2}{7} \div 4\frac{1}{3}$$

$$(4) \frac{72}{7} \div 2\frac{18}{21}$$

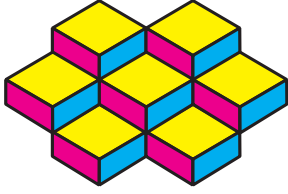
5. સાદું રૂપ આપો :

$$(1) \frac{17}{13} \times \frac{13}{17} - \frac{1}{5}$$

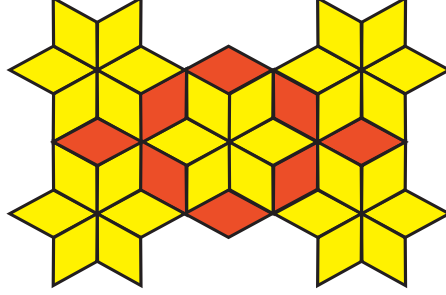
$$(2) \frac{2}{5} + \frac{6}{10} \div \frac{24}{15}$$

$$(3) \frac{9}{4} \times 3\frac{4}{5} \div 5\frac{2}{11}$$

$$(4) \frac{16}{9} \div \frac{48}{45} - \frac{2}{7}$$



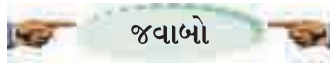
આકૃતિ 1



આકૃતિ 2

આકૃતિનો ક્રમ	આકાર	અપૂર્ણાંક સ્વરૂપે	બાજુના કોષ્ટકમાં બનેલા અપૂર્ણાંકોમાંથી વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકોની જોડ બનાવો
(1)		$\frac{7}{21}$	(1)
			(2)
			(3)
(2)			(4)

વિષમચ્છેદી અપૂર્ણાંકોની જોડ-1માં સરવાળો, જોડ-2માં બાદબાકી, જોડ-3માં ગુણાકાર અને જોડ-4માં ભાગાકારની ક્રિયા કરી પરિણામ મેળવો.



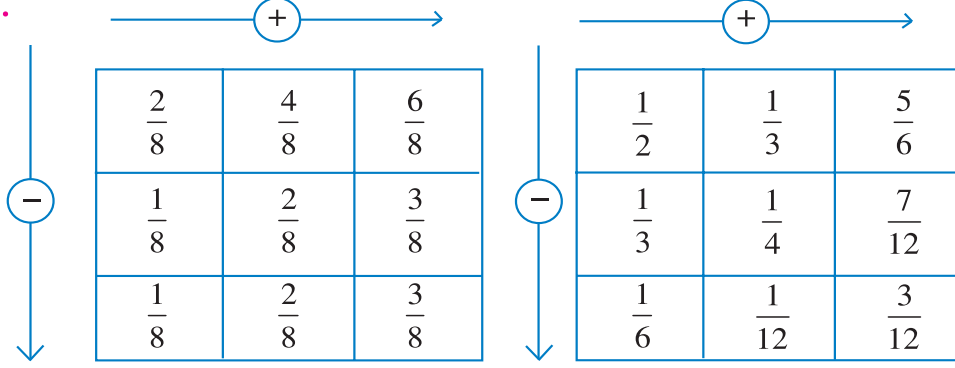
મહાવરો 1

1. (1) $1\frac{3}{8}$ (2) $\frac{29}{35}$ (3) $4\frac{5}{12}$ (4) $9\frac{5}{6}$ (5) $3\frac{1}{16}$ (6) $1\frac{1}{3}$

મહાવરો 2

1. (1) $\frac{9}{10}$ (2) $4\frac{7}{11}$ (3) $3\frac{1}{26}$ (4) $1\frac{7}{20}$ (5) $3\frac{4}{9}$ (6) $4\frac{3}{4}$

2.



મહાવરો 3

(3) $1\frac{1}{5}$

(4) $1\frac{5}{7}$

(5) $1\frac{7}{8}$

મહાવરો 4

(1) 3

(2) $\frac{2}{7}$

(3) 2

(4) $\frac{9}{10}$

(5) $\frac{7}{12}$

(6) $\frac{1}{2}$

(7) $4\frac{4}{15}$

(8) $\frac{7}{10}$

મહાવરો 5

(1) $5\frac{9}{10}$

(2) $\frac{83}{96}$

(3) $1\frac{13}{28}$

(4) $\frac{1}{6}$

(5) $\frac{9}{10}$

(6) $2\frac{13}{20}$

સ્વાધ્યાય

[1] (1) $1\frac{1}{10}$

(2) $6\frac{4}{7}$

(3) $1\frac{7}{8}$

(4) $8\frac{2}{15}$

[2] (1) $\frac{1}{2}$

(2) $4\frac{4}{9}$

(3) $3\frac{6}{11}$

(4) $2\frac{5}{8}$

[3] (1) $\frac{1}{9}$

(2) $\frac{2}{7}$

(3) $\frac{9}{25}$

(4) $\frac{6}{7}$

[4] (1) $\frac{5}{18}$

(2) 5

(3) $2\frac{1}{7}$

(4) $3\frac{3}{5}$

[5] (1) $\frac{4}{5}$

(2) $\frac{31}{40}$

(3) $1\frac{13}{20}$

(4) $1\frac{8}{21}$