

अध्याय

7

तुल्य भिन्न

अधिगम बिन्दु

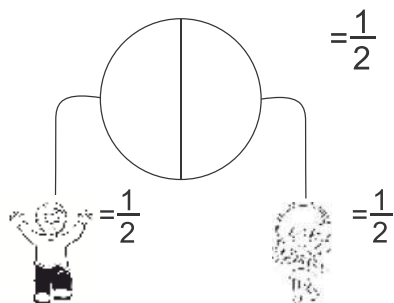
1. भिन्न संख्याओं की तुलना
2. तुल्य भिन्न की अवधारणा
3. तुल्य भिन्न से भिन्नों की तुलना करना।

7.1 भिन्न संख्याओं की तुलना –

हमने बराबर-बराबर बाँटने के रूप में भिन्न संख्याओं को पढ़ना व लिखना सीखा है।

नीचे दी गई स्थितियों को देखो –

(i) एक रोटी को दो बच्चों में बाँटते हैं–

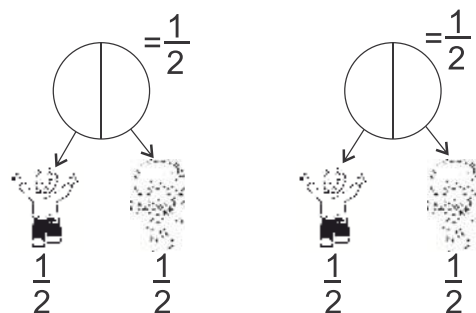


प्रत्येक बच्चों को मिलने वाला रोटी का हिस्सा $= \frac{1}{2}$

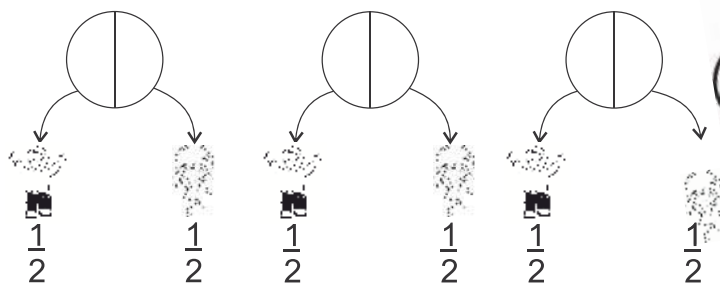
आपने देखा की प्रत्येक स्थिति में बच्चों को मिलने वाला हिस्सा समान है।

इसी प्रकार अगर हम 3 रोटीयों को 6 बच्चों में बाँटते हैं तो इसे लिखेंगे $\frac{3}{6}$ और चित्र में इस प्रकार दर्शाते हैं।

(ii) दो रोटियों को चार बच्चों में बाँटते–



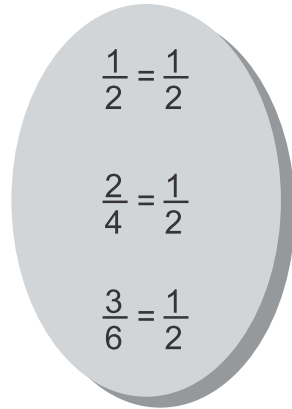
प्रत्येक बच्चों को मिलने वाला रोटी का हिस्सा $= \frac{1}{2}$



तो भी प्रत्येक बच्चे को आधी रोटी ही मिलेगी

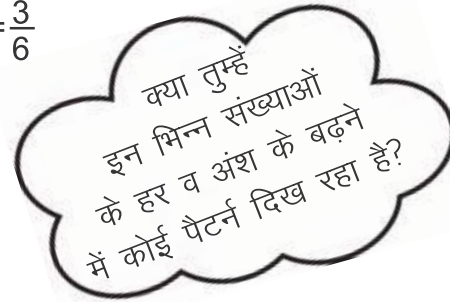
7.2 तुल्य भिन्न की अवधारणा –

ऊपर दी गई स्थितियों में तुमने देखा कि $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{4}$ और $\frac{3}{6}$ में सभी बच्चों को आधी-आधी रोटी यानी $\frac{1}{2}$ रोटी मिली।



इसलिये ये सभी बराबर है और इन्हें आपस में बराबर करके भी लिख सकते हैं।

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}$$



आप भी कुछ और उदाहरण सोचो, जिसमें बराबर-बराबर बाँटने पर आधी रोटी बच्चों में बँटे।

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \dots\dots\dots$$

आप स्वयं भी करके देखो।

एक रोटी को तीन बच्चों में बराबर बाँटेंगे तो हर एक को $\frac{1}{3}$ रोटी मिलेगी।

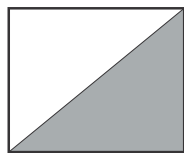
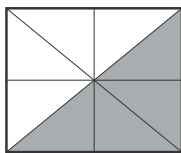
इसी प्रकार चित्र बनाकर पता करो कि हर बच्चों को कितनी रोटी मिलेगी ?

(i) 2 रोटीयाँ, 6 बच्चों में बाँटने पर (ii) 3 रोटीयाँ, 9 बच्चों में बाँटने पर

क्या तुम कह सकते हो $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}$?

ऐसी सभी भिन्न जो आपस में बराबर हों, तुल्य या समान भिन्न कहलाती हैं।

दिये गए चित्रों को देखे-



रंगा हुआ हिस्सा $\frac{4}{8}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{3}$

$\frac{2}{6}$

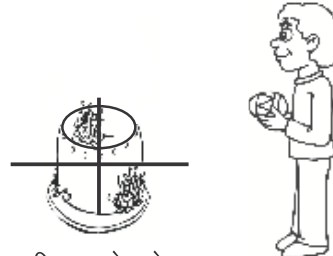
क्या रंगा गया हिस्सा बराबर है ? अतः $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$ व $\frac{1}{3} = \frac{2}{6}$ तुल्य भिन्न है।

7.3 तुल्य (समान) भिन्न ऐसे भी समझो –

रीमा की माँ ने दो केक बनाये थे।



माँ ने केक के दो बराबर टुकड़े
कर $\frac{1}{2}$ भाग रीमा को दिया



वही दूसरे के चार बराबर
टुकड़े कर $\frac{2}{4}$ भाग रीमा के
भाई को दिया

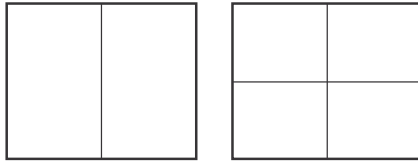
तुम्हें क्या लगता है दोनों को बराबर केक मिला?

हाँ तुमने ठीक सोचा $\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$

प्रयास करो –

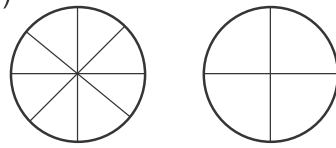
1. समान भिन्नों को दिये गये चित्रों में रंग भर कर दर्शाइए।

(a)



$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$$

(b)



$$\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$$

क्या हम किसी भिन्न के अंश व हर को समान संख्या से गुणा कर तुल्य भिन्न बना सकते हैं?

आओ करके देखें।

(a) $\frac{1(x2)}{2(x2)} = \frac{2}{4}$

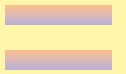
(b) $\frac{2(x2)}{3(x2)} = \frac{4}{6}$

(c) $\frac{1(x4)}{2(x4)} = \frac{4}{8}$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$$

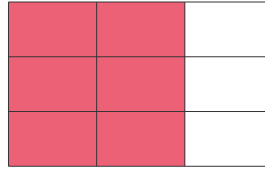
$$\frac{1}{2} = \frac{4}{8}$$



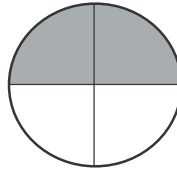
भिन्न $\frac{3}{4}$ में
ऊपर लिखी संख्या को
अंश व नीचे लिखी संख्या
को हर कहते हैं
भिन्न $\frac{3}{4}$ में 3 अंश व 4 हर

क्या इसी प्रकार हम भिन्न के अंश व हर को समान संख्या से भाग कर तुल्य भिन्न बना सकते हैं आओ करके देखे।

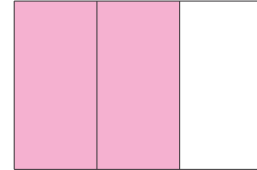
$$(a) \frac{6}{9} = \frac{6 \div 3}{9 \div 3} = \frac{2}{3}$$



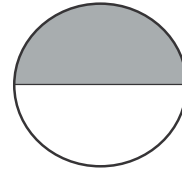
$$\frac{6}{9}$$



$$\frac{2}{4}$$



$$\frac{2}{3}$$



$$\frac{1}{2}$$

$$(b) \frac{2}{4} = \frac{2 \div 2}{4 \div 2} = \frac{1}{2}$$

प्रश्नावली 7

1. दी गई भिन्नों के अंश व हर को 2 से गुणा कर तुल्य भिन्न बनाइए—

(i) $\frac{1}{2}$ (ii) $\frac{2}{3}$ (iii) $\frac{1}{5}$ (iv) $\frac{2}{5}$ (v) $\frac{2}{7}$

2. दी गई भिन्नो में अंश व हर को 3 से गुणा कर तुल्य भिन्न बनाइए—

(i) $\frac{1}{4}$ (ii) $\frac{3}{5}$ (iii) $\frac{2}{5}$ (iv) $\frac{2}{7}$ (v) $\frac{1}{6}$

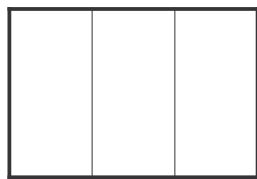
3. दी गई भिन्नो के अंश व हर को क्रमशः 2, 3 और 4 से गुणा कर तुल्य भिन्न प्राप्त कीजिए।

उदाहरण

$$\frac{1}{5} = \frac{2}{10} = \frac{3}{15} = \frac{4}{20}$$

(i) $\frac{1}{4}$ (ii) $\frac{2}{3}$ (iii) $\frac{2}{5}$ (iv) $\frac{3}{4}$

4. दी गई तुल्य भिन्नों को चित्रों में रंग भर कर दर्शाएँ –



$$\frac{1}{3}$$

=



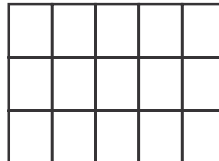
$$\frac{2}{6}$$

(i)



$$\frac{1}{5}$$

=



$$\frac{3}{15}$$

(ii)

5. रिक्त स्थानों को भरिए—

(i) $\frac{1 \times 3}{3 \times 3} = \frac{\square}{9}$

(ii) $\frac{2}{5} = \frac{\square}{15}$

(iii) $\frac{5}{\square} = \frac{15}{9}$

(iv) $\frac{3}{4} = \frac{18}{\square}$

(v) $\frac{14 \div 7}{21 \div 7} = \frac{\square}{3}$

(vi) $\frac{12 \div 4}{16 \div 4} = \frac{3}{\square}$

6. ऐसे और उदाहरण बताओ जिसमें बराबर बाँटने पर $\frac{1}{4}$ भाग मिलती हो और नीचे लिखिए।

$$\frac{1}{4} = \frac{2}{8} = \frac{3}{12} = \dots\dots\dots$$

7. $\frac{1}{5}$ के बराबर चार तुल्य भिन्न लिखिए।
 8. रानू ने बाजार से 6 मीटर लंबी रिबन खरीदी। इसे वह 4 सहेलियों में बराबर बाँटती है तो बताओ हर एक को कितने मीटर लंबी रिबन मिलेगी?
 9. सरस्वती को एक कमीज बनाने के लिये $1\frac{1}{4}$ (सवा) मीटर कपड़ा चाहिए तो ऐसे ही 2 कमीज के लिये कुल कितना मीटर कपड़ा चाहिए?

