

## अध्याय-6

# बीजीय व्यंजक एवं सर्वसमिकाएँ

### बहुविकल्पीय प्रश्न

प्रत्येक प्रश्न के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इनमें से सही विकल्प का चयन किजिए :-

1.  $4x^2 - 1$  है—  
 (a) एकपद                    (b) द्विपद  
 (c) त्रिपद                    (d) इनमें से कोई नहीं
  2.  $\frac{4}{7}x^2$  का संख्यात्मक गुणांक है।  
 (a) 4                            (b) 7  
 (c)  $\frac{4}{7}$                         (d)  $4x^2$
  3. निम्नलिखित में कौन सा व्यंजक में समान पद नहीं है—  
 (a)  $3x$                         (b)  $-x$   
 (c)  $4xy$                         (d)  $-2x$
  4.  $x^2 - 1$  और  $1 - x^2$  का योगफल होगा—  
 (a) 1                            (b) 0  
 (c)  $2x^2 - 2$                     (d)  $2 - 2x^2$
  5.  $3x^2 - 4x + 2$  एक ..... बीजीय व्यंजक है।  
 (a) एकपद                    (b) द्विपद  
 (c) त्रिपद                    (d) इनमें से कोई नहीं
  6.  $4x^2 \times 6y^2$  का परिणाम होगा—  
 (a)  $10x^2y^2$                     (b)  $24xy$   
 (c)  $24x^2y^2$                     (d) शून्य
  7.  $(a+b) \times (a-b)$  का मान होगा—  
 (a)  $a^2 + 2ab + b^2$             (b)  $a^2 - 2ab + b^2$   
 (c)  $a^2 + b^2$                     (d)  $a^2 - b^2$
  8.  $a^2$  और  $(a^2 - b^2)$  का गुणनफल होगा—  
 (a)  $2a^2 - b^2$                     (b)  $2a^2 - a^2b^2$   
 (c)  $a^4 - a^2b^2$                     (d)  $1 - b^2$
  9.  $x + 2 = 12$  में  $x$  का मान होगा—  
 (a) 2                            (b) 14  
 (c) 10                          (d) 12
  10.  $(x+2)(x+3) = x^2 + 5x + 6$  को कहेंगे—  
 (a) समीकरण                    (b) सर्वसमिका  
 (c) दोनों                        (d) इनमें से कोई नहीं
11.  $x + 2 = 12$  को कहेंगे—  
 (a) समीकरण                    (b) सर्वसमिका  
 (c) दोनों                        (d) इनमें से कोई नहीं
  12.  $(a+b)(a+b)$  का मान होगा—  
 (a)  $a^2 - b^2$                     (b)  $a^2 + b^2$   
 (c)  $(a+b)^2$                     (d)  $(a-b)^2$
  13.  $(a-b)(a-b)$  का मान होगा—  
 (a)  $a^2 + 2ab + b^2$             (b)  $a^2 - b^2$   
 (c)  $a^2 - 2ab + b^2$             (d)  $a^2 + b^2$
  14.  $(2a+b)(2a-b)$  का मान होगा—  
 (a)  $4a^2 + b^2$                     (b)  $4a^2 + 2ab + b^2$   
 (c)  $4a^2 - 2ab + b^2$             (d)  $4a^2 - b^2$
  15.  $(a+2)^2$  का मान होगा—  
 (a)  $a^2 + 4$                       (b)  $a^2 - 4$   
 (c)  $a^2 + 2ab + 4$               (d)  $a^2 + 4a + 4$
  16.  $5mn$  और  $4mn$  का गुणनफल होगा—  
 (a)  $a mn$                         (b)  $a m^2 + n^2$   
 (c)  $20 mn$                         (d)  $20 m^2 n^2$
  17.  $6 - a$  और  $a + 6$  का योगफल होगा—  
 (a)  $a$                             (b)  $3a$   
 (c) 12                            (d)  $12 - 3a$
  18.  $4x - 8$  में से  $5 - x$  घटाने पर मिलेगा—  
 (a)  $3x - 3$                       (b)  $5x - 3$   
 (c)  $5x - 13$                      (d)  $3x - 13$
  19.  $(2x^2 + 3x + 5)$  और  $(-3x + 5)$  का योगफल होगा—  
 (a)  $2x^2 + 10$                     (b)  $2x^2$   
 (c)  $2x^2 + 6x + 10$             (d) शून्य
  20.  $x^2 + y^2 + z^2$  एक ..... व्यंजक है।  
 (a) एकपदी                    (b) द्विपदी  
 (c) त्रिपदी                    (d) इनमें से कोई नहीं

### अतिलघु उत्तरीय प्रश्न

1.  $7xy$  का संख्यात्मक गुणांक लिखिए।
2.  $4 mn$  एवं  $2mn$  समान पद हैं या असमान पद ?

3. त्रिपदी व्यंजक का एक उदाहरण कीजिए।
4.  $-\frac{3}{4}x$  का संख्यात्मक गुणांक लिखिए।
5.  $8x$  और  $9y$  का गुणनफल कितना होगा ?
6. सर्वसमिका किसे कहते हैं ?
7.  $(a + b)^2$  का विस्तृत रूप लिखिए।
8.  $7a^2$  और  $-3ab$  का गुणनफल लिखिए।
9.  $a \times b = b \times a$  कौन सा नियम कहलाता है?
10. यदि  $m = 0$  हो, तो  $3m^2 + 4m$  का मान क्या होगा ?

### लघु उत्तरीय प्रश्न

#### बीजीय व्यंजक एवं सर्वसमिकाएँ

1.  $3x + 5$  को संख्या रेखा पर निरूपित कीजिए।
2.  $a^2 + b^2 + c^2$ ,  $a^2 - b^2 - c^2$  और  $a^2 + b^2 + 2ab$  का योगफल निकालिए।
3.  $4x^2 - 8xy + 2$  में से  $2x^2 - 3xy - 8$  को घटाएँ।
4.  $-6m$  को  $(m^2 + 3n)$  से गुणा कीजिए।
5.  $7xy$  को  $3x - 4y + 3$  से गुणा कीजिए।
6.  $(a^2 + 3b^2)$  को  $(3a - 2b)$  से गुणा कीजिए।
7.  $(x + y + z)$  को  $(x - y)$  से गुणा कीजिए।
8.  $(92)^2 - (8)^2$  का मान निकालिए।
9.  $107 \times 93$  का मान निकालिए।
10. सर्वसमिका का उपयोग कर  $(96)^2$  का मान निकालिए।

### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न

#### बीजीय व्यंजक एवं सर्वसमिकाएँ

1.  $a^2 - 2ab^2 + b^2$ , और  $a^2 + 2ab^2 + b^2$  के योगफल में से  $3a^2 + 3b^2$  को घटाएँ।
2.  $x^2 + y^2 + z^2$ ,  $+ 2xy + 2yz + 2xz$  में से कितना घटाया जाय कि  $2x^2 + 2y^2 + 2z^2$  प्राप्त होगा।
3.  $3x^2 + 2xy + y^2 + 2x^2 - 3xy + 4y^2$  और  $-4x^2 - xy + y^2$  का योगफल ज्ञात कीजिए।
4.  $(2x + 3y + 5)$  और  $(x - y)$  का गुणनफल ज्ञात कीजिए।
5. सर्वसमिका का उपयोग कर  $(9x + 7y)^2$  का मान ज्ञात कीजिए।

## उत्तरमाला

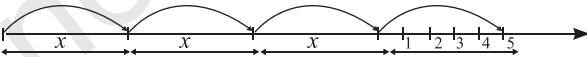
### बहुविकल्पीय प्रश्न

- (1) b (2) c (3) c (4) b  
 (5) c (6) c (7) d (8) c  
 (9) c (10) b (11) a (12) c  
 (13) c (14) d (15) d (16) d  
 (17) c (18) c (19) a (20) c

### अतिलघु उत्तरीय प्रश्न

- (1) 7  
 (2) समान पद  
 (3)  $a^2 + bx + c$   
 (4)  $-\frac{3}{4}$   
 (5)  $72xy$   
 (6) ऐसी समिका जो चर के सभी मानों के लिए संतुष्ट होती है, सर्वसमिका कहलाती है।  
 (7)  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$   
 (8)  $-21a^3b$   
 (9) क्रम विनिमेय नियम  
 (10) 0

### लघु उत्तरीय प्रश्न

- (1)  $3x + 5$  का संख्या रेखा पर निरूपण
- 
- (2)  $(a^2 + b^2 + c^2) + (a^2 - b^2 - c^2) + (a^2 + b^2 + 2ab)$   
 $= a^2 + b^2 + c^2 + a^2 - b^2 - c^2 + a^2 + b^2 + 2ab$   
 $= 3a^2 + b^2 + 2ab$
- (3)  $(4x^2 - 8xy + 2) - (2x^2 - 3xy - 8)$   
 $= 4x^2 - 8xy + 2 - 2x^2 + 3xy + 8$   
 $= 2x^2 - 5xy + 10$
- (4)  $-6m \times (m^2 + 3n) = -6m \times m^2 + (-6m) \times 3n$   
 $= -6m^3 - 18mn$
- (5)  $7xy \times (3x - 4y + 3) = 7xy \times 3x - 7xy \times 4y + 7xy \times 3$   
 $= 21x^2y - 28xy^2 + 21xy$

$$\begin{aligned}
 (6) \quad & (a^2 + 3b^2) \times (3a - 2b) \\
 &= a^2 \times 3a - a^2 \times 2b + 3b^2 \times 3a - 3b^2 \times 2b \\
 &= 3a^3 - 2a^2b + 9ab^2 - 6b^3 \\
 (7) \quad & (x + y + z) \times (x - y) \\
 &= x \times x - x \times y + y \times x - y \times y + z \times x - z \times y \\
 &= x^2 - xy + yx - y^2 + zx - zy \\
 &= x^2 - y^2 + xz - yz \\
 (8) \quad & (92)^2 - (8)^2 = (92+8)(92-8) = 100 \times 84 \\
 &= 8400 \\
 (9) \quad & 107 \times 93 = (100+7) \times (100-7) = (100)^2 - (7)^2 \\
 &= 10000 - 49 = 9951 \\
 (10) \quad & (96)^2 = (100-4)^2 = (100)^2 - 2 \times 100 \times 4 + (4)^2 \\
 &= 10000 - 800 + 16 \\
 &= 10016 - 800 \\
 &= 9216
 \end{aligned}$$

### दीर्घ उत्तरीय प्रश्न

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & (a^2 - 2ab + b^2) + (a^2 + 2ab + b^2) - (3a^2 + 3b^2) \\
 &= a^2 - 2ab + b^2 + a^2 + 2ab + b^2 - 3a^2 - 3b^2 \\
 &= -a^2 - b^2 \\
 (2) \quad & (x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx) - (2x^2 + 2y^2 + 2z^2) \\
 &= x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx - 2x^2 - 2y^2 - 2z^2 \\
 &= 2xy + 2yz + 2zx - x^2 - y^2 - z^2 \\
 (3) \quad & (3x^2 + 2xy + y^2) + (2x^2 - 3xy + 4y^2) + (-4x^2 - xy + y^2) \\
 &= 3x^2 + 2xy + y^2 + 2x^2 - 3xy + 4y^2 - 4x^2 - xy + y^2 \\
 &= x^2 + 6y^2 - 2xy \\
 (4) \quad & (2x + 3y - 5) \times (x - y) \\
 &= 2x \times x - 2x \times y + 3y \times x - 3y \times y - 5 \times x + 5 \times y \\
 &= 2x^2 - 2xy + 3xy - 3y^2 - 5x + 5y \\
 &= 2x^2 + xy - 3y^2 - 5x + 5y \\
 (5) \quad & (9x + 7y)^2 = (9x)^2 + 2 \times 9x \times 7y + (7y)^2 \\
 &= 81x^2 + 126xy + 49y^2
 \end{aligned}$$